

## SPERIMENTAZIONI DI FISICA 1 – LT FISICA PRIMA PARTE - STATISTICA

**NOME E COGNOME:** \_\_\_\_\_

**MATRICOLA:** \_\_\_\_\_

### ESERCIZIO 1 (OBBLIGATORIO)

Si stimi il parametro  $A$  pari a  $1/10$  volte il valore della dispersione massima delle cifre costituenti il proprio numero di matricola,  $A$  espresso con una sola cifra significativa. Riportare tale valore anche nel campo di testo moodle. Motivare la risposta.

### ESERCIZIO 2

Sia  $f(x)$  densità di probabilità della variabile casuale reale  $x$  definita come segue:

$$f(x) = \begin{cases} y = ax + q & \text{per } x \in [-1 + A; 0] \\ y = bx + q & \text{per } x \in [0; 1 + A] \\ 0 & \text{altrove} \end{cases}$$

con  $a, b$  costanti da determinarsi e  $A$  il parametro ottenuto dall'Esercizio 1 della presente prova. Definire e stimare la speranza matematica  $E(x)$  la funzione di distribuzione  $F(x)$  e la probabilità che  $x$  appartenga a  $[0; \frac{1}{4}]$  e la varianza  $\text{var}(x)$ . Motivare le risposte nell'elaborato.

### ESERCIZIO 3

Siano  $x, y, z$  variabili casuale reale con  $z=f(x,y)=3e^{-x} \cdot [1+A+\sin(x+y)]$ , sostituendo ad  $A$  il parametro ottenuto dall'Esercizio 1 della presente prova. Si assumano  $x$  e  $y$  variabili dipendenti con  $\text{cov}(x,y) = -0.01$ . Si assuma che siano state effettuate  $N=100$  misure ripetute della grandezza  $x$  e  $M=90$  misure ripetute della grandezza  $y$  ottenendo i seguenti valori medi:  $\bar{x} = \bar{y} = \pi/4$  con deviazione standard della media espressa in relativo pari a  $0.5\%$ .

Stimare la deviazione standard di  $z$  in un generico punto  $z_0=f(x_0,y_0)$  con  $x_0$  e  $y_0$  entro una deviazione standard dal rispettivo valor vero. Stimare inoltre la sovrastima/sottostima che si otterrebbe se si calcolasse la deviazione standard trascurando il termine di covarianza. Motivare le risposte.

### ESERCIZIO 4

Si consideri il seguente campione di misure ripetute della grandezza fisica  $X$  in cui  $f_x$  è la frequenza assoluta, sostituendo ad  $A$  la cifra ottenuta come risultato dell'Esercizio 1 della presente prova.

Definire e stimare rispettivamente:

<b>X(cm)</b>	<b><math>f_x</math></b>
A+0.00	1
A+0.01	7
A+0.02	17
A+0.03	28
A+0.04	31
A+0.05	22
A+0.06	15
A+0.07	3
<b>Tab.1</b>	

- la numerosità del campione;
- la deviazione standard della singola misura  $\sigma$ ;
- la moda e la mediana;
- il valor medio e relativa incertezza;
- la compatibilità di tale valor medio con il valore di riferimento  $x_{\text{REF}}=(A+0.04 \pm 0.01)\text{cm}$ ;
- l'intervallo di confidenza  $I$  centrato sul valor medio e di ampiezza  $3\sigma$ ;
- l'espressione analitica della curva normale (Gauss) che meglio rappresenta i dati sperimentali di cui al campione di Tab.1;
- indicare se è necessario effettuare la selezione di dati qualora si assuma il criterio del  $3\sigma$ .

Motivare le risposte nell'elaborato.

### ESERCIZIO 5



Un gruppo di 112 persone prenota un volo Venezia-Francoforte presso le compagnie aeree Lufthansa, Eurowings e Airfrance. Si supponga che 62 di essi volino con Lufthansa e 25 con Eurowings: sapendo che mediamente nessun volo di Lufthansa presenta un ritardo nell'atterraggio, 4 voli su 15 di Eurowings è in ritardo e 6 voli su 82 di Airfrance non atterrano in tempo. Stimare:

- a) la probabilità che il volo di un passeggero scelto a caso fra i 112 sia in ritardo;
- b) la probabilità che un passeggero scelto a caso nel gruppo abbia volato con Eurowings, sapendo che il suo volo è in ritardo nell'atterraggio;
- c) la percentuale di persone che non atterrerà in tempo.