

SOLUZIONI CAPITOLO 6

6.1

(a) Se si assimila l'aria a un gas perfetto, il volume specifico dell'aria è dato da

$$v_1 = \frac{RT_1}{p_1} = \frac{[0.287 \text{ kPa} \cdot \text{m}^3/(\text{kg} \cdot \text{K})](473 \text{ K})}{300 \text{ kPa}} = 0.4525 \text{ m}^3 / \text{kg}$$

$$\dot{m} = \frac{1}{v_1} A_1 V_1 = \frac{1}{0.4525 \text{ m}^3 / \text{kg}} (0.008 \text{ m}^2)(30 \text{ m/s}) = 0.5304 \text{ kg/s}$$

(b) Usando calori specifici costanti alla temperatura media prevista di 450 K, la temperatura in uscita dell'aria si ricava dall'equazione di conservazione dell'energia per un sistema a flusso stazionario riferita a una massa unitaria,

$$q^{\dot{}} - l^{\dot{}} = h_2 - h_1 + \frac{V_2^2 - V_1^2}{2} \quad \longrightarrow \quad 0 = C_{p,\text{med}} (T_2 - T_1) + \frac{V_2^2 - V_1^2}{2}$$

$$0 = [1.02 \text{ kJ}/(\text{kg} \cdot \text{K})](T_2 - 200^\circ \text{C}) + \frac{(180 \text{ m/s})^2 - (30 \text{ m/s})^2}{2} \left(\frac{1 \text{ kJ/kg}}{1000 \text{ m}^2/\text{s}^2} \right)$$

da cui si ottiene

$$T_2 = 184.6^\circ \text{C}$$

(c) Il volume specifico (volume massico) dell'aria all'uscita dell'ugello è

$$v_2 = \frac{RT_2}{p_2} = \frac{0.287 \text{ kPa} \cdot \text{m}^3/(\text{kg} \cdot \text{K})[(184.6 + 273) \text{ K}]}{100 \text{ kPa}} = 1.313 \text{ m}^3 / \text{kg}$$

$$\dot{m} = \frac{1}{v_2} A_2 V_2 \quad \longrightarrow \quad 0.5304 \text{ kg/s} = \frac{1}{1.313 \text{ m}^3 / \text{kg}} A_2 (180 \text{ m/s})$$

$$A_2 = 0.00387 \text{ m}^2 = 38.7 \text{ cm}^2$$

6.2

Se si assimila il CO₂ a un gas perfetto, il volume specifico del CO₂ è dato da

$$v_1 = \frac{RT_1}{p_1} = \frac{[0.1889 \text{ kPa} \cdot \text{m}^3/(\text{kg} \cdot \text{K})](773 \text{ K})}{100 \text{ kPa}} = 0.146 \text{ m}^3 / \text{kg}$$

Perciò,

$$\dot{m} = \frac{1}{v_1} A_1 V_1 \quad \longrightarrow \quad V_1 = \frac{\dot{m} v_1}{A_1} = \frac{(6000 / 3600 \text{ kg/s})(0.146 \text{ m}^3 / \text{kg})}{40 \times 10^{-4} \text{ m}^2} = 60.8 \text{ m/s}$$

(b) La temperatura in uscita del CO₂ si ottiene dall'equazione di conservazione dell'energia per un sistema a flusso stazionario,

$$q^{\dot{}} - l^{\dot{}} = h_2 - h_1 + \frac{V_2^2 - V_1^2}{2} \quad \longrightarrow \quad 0 = c_p (T_2 - T_1) + \frac{V_2^2 - V_1^2}{2}$$

La temperatura del gas scenderà nell'ugello alquanto al di sotto del valore in entrata di 773 K. Perciò, usiamo un valore del calore specifico a 750 K, che è $c_p = 1,148 \text{ kJ}/(\text{kg} \cdot \text{K})$. Sostituendo, otteniamo la temperatura in uscita del gas

$$\begin{aligned} T_2 &= T_1 - \frac{V_2^2 - V_1^2}{2c_p} \\ &= 773 \text{ K} - \frac{(450 \text{ m/s})^2 - (60.8 \text{ m/s})^2}{[2 \times 1.148 \text{ kJ}/(\text{kg} \cdot \text{K})]} \left(\frac{1 \text{ kJ/kg}}{1000 \text{ m}^2/\text{s}^2} \right) \\ &= 686 \text{ K} \end{aligned}$$

6.3

(a) La temperatura in uscita dell'aria si ottiene dall'equazione di conservazione dell'energia per un sistema a flusso stazionario.

$$q - l^{\dot{}} = h_2 - h_1 + \frac{V_2^2 - V_1^2}{2} + \Delta e_p^{\dot{}} \quad \longrightarrow \quad q = c_p (T_2 - T_1) + \frac{V_2^2 - V_1^2}{2}$$

Usando un valore del calore specifico $c_p = 1,008 \text{ kJ}/(\text{kg} \cdot \text{K})$ alla temperatura in entrata di 350 K, si ottiene la temperatura in uscita del gas

$$\begin{aligned}
 T_2 &= T_1 + \frac{q}{c_p} - \frac{V_2^2 - V_1^2}{2c_p} \\
 &= 77^\circ\text{C} + \frac{-3.2 \text{ kJ/kg}}{1.008 \text{ kJ/kg}\cdot^\circ\text{C}} - \frac{(320 \text{ m/s})^2 - (50 \text{ m/s})^2}{2 \times (1.008 \text{ kJ/kg}\cdot^\circ\text{C})} \left(\frac{1 \text{ kJ/kg}}{1000 \text{ m}^2/\text{s}^2} \right) \\
 &= \mathbf{24.3^\circ\text{C}} \quad (= 297.3 \text{ K})
 \end{aligned}$$

(b) L'area d'uscita si ottiene dall'equazione di conservazione della massa,

$$\begin{aligned}
 \frac{1}{v_2} A_2 V_2 &= \frac{1}{v_1} A_1 V_1 \quad \longrightarrow \quad A_2 = \frac{v_2}{v_1} \frac{V_1}{V_2} A_1 = \left(\frac{RT_2/P_2}{RT_1/P_1} \right) \frac{V_1}{V_2} A_1 \\
 A_2 &= \frac{(297.3/100)(50 \text{ m/s})}{(350/300)(320 \text{ m/s})} (0.01 \text{ m}^2) = 39.7 \times 10^{-4} \text{ m}^2 = \mathbf{39.7 \text{ cm}^2}
 \end{aligned}$$

6.4

(a) La temperatura in uscita dell'aria si determina con l'equazione di conservazione dell'energia per un sistema a flusso stazionario,

$$q^{\dot{Q}0} - l^{\dot{Q}0} = h_2 - h_1 + \frac{V_2^2 - V_1^2}{2} \quad \longrightarrow \quad 0 = c_p (T_2 - T_1) + \frac{V_2^2 - V_1^2}{2}$$

Usando il valore del calore specifico $c_p = 1,029 \text{ kJ}/(\text{kg} \cdot \text{K})$ alla temperatura in entrata di 500 K, possiamo determinare la temperatura in uscita del gas

$$\begin{aligned}
 T_2 &= T_1 - \frac{V_2^2 - V_1^2}{2 c_p} \\
 &= 500 \text{ K} - \frac{(380 \text{ m/s})^2 - (120 \text{ m/s})^2}{2 \times (1.029 \text{ kJ/kg}\cdot\text{K})} \left(\frac{1 \text{ kJ/kg}}{1000 \text{ m}^2/\text{s}^2} \right) \\
 &= \mathbf{437 \text{ K}}
 \end{aligned}$$

(c) La pressione in uscita si determina usando l'equazione di conservazione della massa

$$\frac{1}{v_2} A_2 V_2 = \frac{1}{v_1} A_1 V_1 \quad \longrightarrow \quad \frac{1}{RT_2/p_2} A_2 V_2 = \frac{1}{RT_1/p_1} A_1 V_1$$

Perciò,

$$p_2 = \frac{A_1 T_2 V_1}{A_2 T_1 V_2} p_1 = \frac{2 (437 \text{ K})(120 \text{ m/s})}{1 (500 \text{ K})(380 \text{ m/s})} (600 \text{ kPa}) = \mathbf{331 \text{ kPa}}$$

6.5

(a) La velocità in uscita dell'aria si ottiene con l'equazione di conservazione dell'energia per un sistema a flusso stazionario. Assumendo calori specifici costanti a temperatura ambiente, $c_p = 1,005 \text{ kJ}/(\text{kg} \cdot ^\circ\text{C})$, otteniamo

$$\dot{Q} - \dot{L}^{\text{no}} = \dot{m} \left(h_2 - h_1 + \frac{V_2^2 - V_1^2}{2} + \Delta e_p^{\text{no}} \right) = \dot{m} \left(c_p (T_2 - T_1) + \frac{V_2^2 - V_1^2}{2} \right)$$

$$-18 \text{ kJ/s} = (2.5 \text{ kg/s}) \left((1.005 \text{ kJ/kg} \cdot ^\circ\text{C})(42 - 27)^\circ\text{C} + \frac{V_2^2 - (220 \text{ m/s})^2}{2} \left(\frac{1 \text{ kJ/kg}}{1000 \text{ m}^2/\text{s}^2} \right) \right)$$

da cui

$$\mathbf{V_2 = 62.0 \text{ m/s}}$$

(b) La pressione in uscita dell'aria si determina mediante l'equazione di conservazione della massa e l'equazione di stato dei gas perfetti,

$$\dot{m} = \frac{1}{v_2} A_2 V_2 \quad \longrightarrow \quad v_2 = \frac{A_2 V_2}{\dot{m}} = \frac{(0.04 \text{ m}^2)(62 \text{ m/s})}{2.5 \text{ kg/s}} = 0.992 \text{ m}^3/\text{kg}$$

e

$$p_2 v_2 = RT_2 \quad \longrightarrow \quad p_2 = \frac{RT_2}{v_2} = \frac{(0.287 \text{ kPa} \cdot \text{m}^3/\text{kg} \cdot \text{K})(315 \text{ K})}{0.992 \text{ m}^3/\text{kg}} = \mathbf{91.1 \text{ kPa}}$$

6.6

(a) Assimilando l'aria a un gas perfetto, si trova che il volume specifico dell'aria è

$$v_1 = \frac{RT_1}{p_1} = \frac{(0.287 \text{ kPa} \cdot \text{m}^3 / \text{kg} \cdot \text{K})(773 \text{ K})}{1000 \text{ kPa}} = 0.2219 \text{ m}^3 / \text{kg}$$

Perciò,

$$\dot{m} = \frac{1}{v_1} A_1 V_1 = \frac{1}{0.2219 \text{ m}^3 / \text{kg}} (0.008 \text{ m}^2)(120 \text{ m/s}) = 4.326 \text{ kg/s}$$

(b) Usando calori specifici costanti alla temperatura media $(500^\circ\text{C} + 150^\circ\text{C})/2 = 325^\circ\text{C} = 598 \text{ K}$, la potenza fornita dalla turbina, determinata in base all'equazione di conservazione dell'energia per un sistema a flusso stazionario, è

$$\dot{Q}^{\text{no}} - \dot{L} = \dot{m}(h_2 - h_1 + \Delta e_c + \Delta e_p^{\text{no}}) \longrightarrow -\dot{W} = \dot{m} \left[c_p(T_2 - T_1) + \frac{V_2^2 - V_1^2}{2} \right]$$

$$\dot{L} = -(4.326 \text{ kg/s}) \left[(1.051 \text{ kJ/kg} \cdot ^\circ\text{C})(150 - 500)^\circ\text{C} + \frac{(250 \text{ m/s})^2 - (120 \text{ m/s})^2}{2} \left(\frac{1 \text{ kJ/kg}}{1000 \text{ m}^2/\text{s}^2} \right) \right]$$

$$\dot{L} = 1487 \text{ kW}$$

6.7

Assimilando l'aria a un gas perfetto e usando un valore costante del calore specifico $c_p = 1,022 \text{ kJ/(kg} \cdot ^\circ\text{C)}$ alla temperatura media di $(25^\circ\text{C} + 347^\circ\text{C})/2 = 186^\circ\text{C} = 459 \text{ K}$, si può determinare la portata massica dell'aria con l'equazione di conservazione dell'energia per un sistema a flusso stazionario,

$$\dot{Q} - \dot{L} = \dot{m} \left(h_2 - h_1 + \frac{V_2^2 - V_1^2}{2} + \Delta e_p^{\text{no}} \right) = \dot{m} \left[c_p(T_2 - T_1) + \frac{V_2^2 - V_1^2}{2} \right]$$

$$\left(\frac{-1500}{60} \text{ kJ/s} \right) - (-250 \text{ kJ/s}) = \dot{m} \left[(1.022 \text{ kJ/kg} \cdot ^\circ\text{C})(347 - 25)^\circ\text{C} + \frac{(90 \text{ m/s})^2 - 0}{2} \left(\frac{1 \text{ kJ/kg}}{1000 \text{ m}^2/\text{s}^2} \right) \right]$$

$$\dot{m} = 0.680 \text{ kg/s}$$

6.8

(a) Se si assimila il CO_2 a un gas perfetto, il suo volume specifico è dato da

$$v_1 = \frac{RT_1}{p_1} = \frac{(0.1889 \text{ kPa} \cdot \text{m}^3 / \text{kg} \cdot \text{K})(300 \text{ K})}{100 \text{ kPa}} = 0.5667 \text{ m}^3 / \text{kg}$$

Quindi la portata volumetrica è data da

$$\dot{V} = \dot{m}v_1 = (0.5 \text{ kg} / \text{s})(0.5667 \text{ m}^3 / \text{kg}) = \mathbf{0.283 \text{ m}^3 / \text{s}}$$

(b) Usando un valore costante del calore specifico, $c_p = 9,917 \text{ kJ}/(\text{kg} \cdot \text{K})$, alla temperatura media di $(300 \text{ K} + 430 \text{ K})/2 = 375 \text{ K}$, troviamo che la potenza fornita al compressore, determinata mediante l'equazione di conservazione dell'energia per un sistema a flusso stazionario, è

$$\begin{aligned}\dot{Q}^{\text{no}} - \dot{L} &= \dot{m}(h_2 - h_1 + \Delta e_c^{\text{no}} + \Delta e_p^{\text{no}}) \\ \dot{L} &= -\dot{m}c_p (T_2 - T_1) = -(0.5 \text{ kg} / \text{s})(0.917 \text{ kJ} / \text{kg} \cdot \text{K})(450 - 300)\text{K} \\ &= \mathbf{-68.8 \text{ kW}}\end{aligned}$$

6.9

La temperatura del refrigerante prima della laminazione e quella dopo la laminazione sono semplicemente le temperature di saturazione in corrispondenza della pressione in entrata e di quella in uscita. Cioè,

$$\begin{aligned}T_1 &= T_{\text{sat a } 800 \text{ kPa}} = 31.33^\circ \text{C} \\ T_2 &= T_{\text{sat a } 140 \text{ kPa}} = -18.80^\circ \text{C}\end{aligned}$$

Perciò, la caduta di temperatura durante la laminazione diventa

$$\Delta T_{\text{cad}} = T_1 - T_2 = 31.33 - (-18.80) = \mathbf{50.1^\circ \text{C}}$$

6.10

La pressione finale del refrigerante è semplicemente la pressione di saturazione alla temperatura finale. Cioè,

$$P_2 = P_{\text{sat a } -20^\circ \text{C}} = \mathbf{133 \text{ kPa}}$$

6.11

Nelle condizioni specificate l'aria può essere assimilata a un gas perfetto per il quale $h = h(T)$. Durante un processo di laminazione, $h_2 = h_1$, e quindi

$$T_2 = T_1 = \mathbf{30^\circ \text{C}}$$

6.12

Se si trascurano l'energia cinetica e l'energia potenziale, l'equazione di conservazione dell'energia e l'equazione di conservazione della massa per questo sistema a flusso stazionario a due entrate e una sola uscita si riducono a

massa:

$$\sum \dot{m}_e = \sum \dot{m}_u \quad \longrightarrow \quad \dot{m}_1 + \dot{m}_2 = \dot{m}_3$$

energia:

$$\dot{Q}^{\text{no}} - \dot{L}^{\text{no}} = \sum \dot{m}_u h_u - \sum \dot{m}_e h_e \quad \longrightarrow \quad \dot{m}_1 h_1 + \dot{m}_2 h_2 = \dot{m}_3 h_3$$

Formando il sistema delle due equazioni, otteniamo

$$\dot{m}_1 h_1 + \dot{m}_2 h_2 = (\dot{m}_1 + \dot{m}_2) h_3$$

Risolvendo rispetto a \dot{m}_2 , otteniamo

$$\dot{m}_2 = \frac{h_1 - h_3}{h_3 - h_2} \dot{m}_1 = \frac{c_p (T_1 - T_3)}{c_p (T_3 - T_2)} \dot{m}_1$$

Il calore specifico dell'acqua nell'intervallo di temperatura specificato rimane relativamente costante al valore di circa $c_p = 4,18 \text{ kJ}/(\text{kg} \cdot ^\circ\text{C})$ e quindi può essere eliminato nell'equazione precedente. Perciò,

$$\dot{m}_2 = \frac{T_1 - T_3}{T_3 - T_2} \dot{m}_1 = \frac{(20 - 60)^\circ\text{C}}{(60 - 90)^\circ\text{C}} (1.8 \text{ kg/s}) = 2.4 \text{ kg/s}$$

6.13

Se si trascurano l'energia cinetica e l'energia potenziale, l'equazione di conservazione della massa e l'equazione di conservazione dell'energia per questo sistema a flusso stazionario a due entrate e una sola uscita si riducono a

massa:

$$\sum \dot{m}_e = \sum \dot{m}_u \quad \longrightarrow \quad \dot{m}_1 + \dot{m}_2 = \dot{m}_3 = 3\dot{m}_2 \quad \text{and} \quad \dot{m}_1 = 2\dot{m}_2$$

energia:

$$\dot{Q}^{\rightarrow 0} - \dot{L}^{\rightarrow 0} = \sum \dot{m}_u h_u - \sum \dot{m}_e h_e \longrightarrow \dot{m}_1 h_1 + \dot{m}_2 h_2 = \dot{m}_3 h_3$$

Formando il sistema delle due equazioni, otteniamo

$$2\dot{m}_2 h_1 + \dot{m}_2 h_2 = 3\dot{m}_2 h_3 \quad \text{or} \quad h_3 = (2h_1 + h_2) / 3$$

Il calore specifico dell'aria nell'intervallo di temperatura specificato rimane relativamente costante a circa $c_p = 1,01 \text{ kJ}/(\text{kg} \cdot ^\circ\text{C})$. Quindi, sostituendo h con $c_p T$ ed eliminando il calore specifico c_p , otteniamo

$$T_3 = \frac{2T_1 + T_2}{3} = \frac{(2 \times 12 + 60)^\circ\text{C}}{3} = 28^\circ\text{C}$$

6.14

Se si trascurano l'energia cinetica e l'energia potenziale, l'equazione di conservazione della massa e l'equazione di conservazione dell'energia per questo scambiatore di calore possono essere espresse come

massa:

$$\sum \dot{m}_e = \sum \dot{m}_u \longrightarrow \dot{m}_1 = \dot{m}_2 = \dot{m}_{\text{aria}} \quad \text{e} \quad \dot{m}_3 = \dot{m}_4 = \dot{m}_{\text{acqua}}$$

energia:

$$\dot{Q}^{\rightarrow 0} - \dot{L}^{\rightarrow 0} = \sum \dot{m}_u h_u - \sum \dot{m}_e h_e \longrightarrow \dot{m}_1 h_1 + \dot{m}_3 h_3 = \dot{m}_2 h_2 + \dot{m}_4 h_4$$

Formando il sistema delle due equazioni, otteniamo

$$\dot{m}_{\text{aria}} (h_2 - h_1) = \dot{m}_{\text{acqua}} (h_3 - h_4)$$

Risolvendo rispetto a \dot{m}_{aria} , otteniamo

$$\dot{m}_{\text{aria}} = \frac{h_3 - h_4}{h_2 - h_1} \dot{m}_{\text{acqua}} \cong \frac{c_{p, \text{acqua}} (T_3 - T_4)}{c_{p, \text{aria}} (T_2 - T_1)} \dot{m}_{\text{acqua}}$$

Assimiliamo l'aria a un gas perfetto con calori specifici costanti a temperatura ambiente e assumiamo $c_p = 1,005 \text{ kJ}/(\text{kg} \cdot ^\circ\text{C})$. Il calore specifico dell'acqua alla temperatura media di $(70^\circ\text{C} + 90^\circ\text{C}) = 80^\circ\text{C}$ è $c_{p,\text{acqua}} = 4,19 \text{ kJ}/(\text{kg} \cdot ^\circ\text{C})$. Sostituendo, otteniamo

$$\dot{m}_{\text{aria}} = \frac{(4.19 \text{ kJ}/\text{kg}\cdot^\circ\text{C})(90-70)^\circ\text{C}}{(1.005 \text{ kJ}/\text{kg}\cdot^\circ\text{C})(47-25)^\circ\text{C}} (8 \text{ kg}/\text{min}) = 30.2 \text{ kg}/\text{min} = 0.504 \text{ kg}/\text{s}$$

Inoltre,

$$v_1 = \frac{RT_1}{P_1} = \frac{(0.287 \text{ kPa}\cdot\text{m}^3/\text{kg}\cdot\text{K})(298 \text{ K})}{100 \text{ kPa}} = 0.855 \text{ m}^3/\text{kg}$$

Perciò,

$$\dot{V}_1 = \dot{m}_a v_1 = (0.504 \text{ kg}/\text{s})(0.855 \text{ m}^3/\text{kg}) = 0.431 \text{ m}^3/\text{s}$$

6.15

Assimiliamo l'aria a un gas perfetto con calori specifici costanti a temperatura ambiente, $c_p = 1,005 \text{ kJ}/(\text{kg} \cdot \text{K})$ e $c_v = 0,718 \text{ kJ}/(\text{kg} \cdot \text{K})$. La potenza nominale dell'elemento scaldante si determina applicando al condotto l'equazione di conservazione dell'energia per un sistema a flusso stazionario:

$$\dot{Q} - \dot{L}_e - \dot{L}_v = \dot{m}(\Delta h + \Delta e_c^{\rightarrow 0} + \Delta e_p^{\rightarrow 0})$$

Perciò,

$$\begin{aligned} \dot{L}_e &= \dot{Q} - \dot{m} c_p \Delta T - \dot{L}_v \\ &= (-0.4 \text{ kJ}/\text{s}) - (0.6 \text{ kg}/\text{s})(1.005 \text{ kJ}/\text{kg}\cdot^\circ\text{C})(5^\circ\text{C}) - (-0.3 \text{ kW}) \\ &= -3.12 \text{ kW} \end{aligned}$$

6.16

(a) Assimiliamo l'aria a un gas perfetto con calori specifici costanti a temperatura ambiente, $c_p = 1,005 \text{ kJ}/(\text{kg} \cdot ^\circ\text{C})$. La velocità in entrata dell'aria attraverso il condotto è data da

$$V_1 = \frac{\dot{V}_1}{A_1} = \frac{\dot{V}_1}{\pi r^2} = \frac{0.2 \text{ m}^3/\text{s}}{\pi(0.1 \text{ m})^2} = 6.37 \text{ m}/\text{s}$$

Quindi, la portata massica dell'aria diventa

$$v_1 = \frac{RT_1}{P_1} = \frac{(0.287 \text{ kPa} \cdot \text{m}^3 / \text{kg} \cdot \text{K})(285 \text{ K})}{(105 \text{ kPa})} = 0.779 \text{ m}^3 / \text{kg}$$

$$\dot{m} = \frac{\dot{V}_1}{v_1} = \frac{0.2 \text{ m}^3 / \text{s}}{0.779 \text{ m}^3 / \text{kg}} = 0.257 \text{ kg} / \text{s}$$

(b) La temperatura in uscita dell'aria si determina applicando al condotto l'equazione di conservazione dell'energia per un sistema a flusso stazionario

$$\dot{Q} - \dot{L}^{\text{no}} = \dot{m}(\Delta h + \Delta e_c^{\text{no}} + \Delta e_p^{\text{no}}) \longrightarrow \dot{Q} = \dot{m}c_p(T_2 - T_1)$$

Perciò,

$$T_2 = T_1 + \frac{\dot{Q}}{\dot{m}c_p} = 12^\circ\text{C} + \frac{2 \text{ kJ} / \text{s}}{(0.257 \text{ kg} / \text{s})(1.005 \text{ kJ} / \text{kg} \cdot \text{K})} = 19.7^\circ\text{C}$$

6.17

Assimiliamo l'acqua a una sostanza incompressibile con $c = 4,18 \text{ kJ}/(\text{kg} \cdot ^\circ\text{C})$. La portata massica dell'acqua attraverso il tubo si ottiene dall'equazione di conservazione dell'energia per un sistema a flusso stazionario,

$$\dot{Q}^{\text{no}} - \dot{L} = \dot{m}[C(T_2 - T_1) + v\Delta P^{\text{no}} + \Delta e_c^{\text{no}} + \Delta e_p^{\text{no}}] \longrightarrow \dot{L} = -\dot{m}C(T_2 - T_1) \quad 15^\circ\text{C}$$

Perciò,

$$\dot{m} = \frac{-\dot{L}}{C(T_2 - T_1)} = \frac{-(-7 \text{ kJ} / \text{s})}{(4.184 \text{ kJ} / \text{kg} \cdot ^\circ\text{C})(70 - 15)^\circ\text{C}} = 0.0304 \text{ kg} / \text{s}$$

6.18

(a) Se assimiliamo l'aria a un gas perfetto, possiamo determinare la temperatura in uscita dell'aria con l'equazione di conservazione dell'energia per un sistema a flusso stazionario applicata soltanto all'aria,

$$\dot{Q} - \dot{L}^{\text{no}} = \dot{m}_a(\Delta h + \Delta e_c^{\text{no}} + \Delta e_p^{\text{no}})$$

$$3200 \text{ kJ} / \text{s} = (800 / 60 \text{ kg} / \text{s})(h_2 - 554.71 \text{ kJ} / \text{kg})$$

da cui

$$h_2 = 794.74 \text{ kJ/kg}$$

Consultando la Tabella A.17 troviamo che

$$T_2 = 775.2 \text{ K}$$

(b) Se assimiliamo i gas di scarico a un gas perfetto, possiamo determinare la portata massica dei gas di scarico con l'equazione di conservazione dell'energia per un sistema a flusso stazionario applicandola soltanto ai gas di scarico,

$$\begin{aligned}\dot{Q} - \dot{L}^{\text{sc}} &= \dot{m}_{\text{sc}} (h_4 - h_3 + \Delta e_c^{\text{sc}} + \Delta e_p^{\text{sc}}) \\ -3200 \text{ kJ/s} &= \dot{m}_{\text{sc}} (607.02 - 821.95) \text{ kJ/kg}\end{aligned}$$

Otteniamo

$$\dot{m}_{\text{sc}} = 14.9 \text{ kg/s}$$

6.19

(a) Assimiliamo l'acqua a una sostanza incompressibile con $\rho = 1000 \text{ kg/m}^3$ e $c = 4,184 \text{ kJ/(kg} \cdot \text{°C)}$. La portata massica dell'acqua attraverso il tubo è data da

$$\dot{m} = \rho \dot{V}_1 = (1000 \text{ kg/m}^3)(0.030 \text{ m}^3/\text{min}) = 30 \text{ kg/min}$$

La potenza nominale del riscaldatore si determina con l'equazione di conservazione dell'energia per un sistema a flusso stazionario,

$$\dot{Q}^{\text{sc}} - \dot{L} = \dot{m} [c(T_2 - T_1) + v\Delta p^{\text{sc}} + \Delta e_c^{\text{sc}} + \Delta e_p^{\text{sc}}]$$

Perciò,

$$\dot{L} = -\dot{m}c(T_2 - T_1) = (30/60 \text{ kg/s})(4.184 \text{ kJ/kg} \cdot \text{°C})(50 - 15) \text{°C} = -73.2 \text{ kW}$$

(b)

La velocità media dell'acqua attraverso il tubo è data da

$$V_1 = \frac{\dot{V}_1}{A_1} = \frac{\dot{V}_1}{\pi r^2} = \frac{0.030 \text{ m}^3/\text{min}}{\pi (0.025 \text{ m})^2} = 15.3 \text{ m/min}$$

6.20

La densità dell'aria in condizioni esterne medie è

$$\rho_o = \frac{P_o}{RT_o} = \frac{(90 \text{ kPa})}{(0.287 \text{ kPa} \cdot \text{m}^3 / \text{kg} \cdot \text{K})(-10 + 273.15 \text{ K})} = 1.19 \text{ kg} / \text{m}^3$$

Quindi la portata massica dell'aria esterna che si infiltra nella casa è

$$\dot{m}_{\text{aria}} = \rho \dot{V}_{\text{aria}} = (1.19 \text{ kg} / \text{m}^3)(0.035 \text{ m}^3 / \text{h}) = 0.04165 \text{ kg} / \text{s}$$

Dato che l'aria entra a -10°C ed esce a 22°C , a questa differenza di temperatura corrisponde una cessione di potenza termica pari a

$$\begin{aligned} \dot{Q}_{\text{perd, infiltr}} &= \dot{m}_{\text{aria}} c_p (T_{\text{interno}} - T_{\text{esterno}}) \\ &= (0.04165 \text{ kg} / \text{s})(1.005 \text{ kJ} / \text{kg} \cdot ^\circ\text{C})[22 - (-10)]^\circ\text{C} = \mathbf{1.34 \text{ kJ} / \text{s}} \end{aligned}$$