

**Compito di Applicazioni Industriali Elettriche**  
**31 agosto 2021**

**Traccia della soluzione**

**ESERCIZIO 1** (max punti 12) – Una utenza elettrica alimentata dalla rete pubblica di distribuzione dell'energia elettrica con tensione avente valore efficace di  $V = 230\text{ V}$  e frequenza  $f=50\text{ Hz}$  è costituita da un carico resistivo  $R_R$  che assorbe la potenza attiva  $P_R = 4\text{ kW}$  e da un carico resistivo-induttivo  $R_L$  in parallelo avente una corrente di valore efficace  $I_{RL} = 50\text{ A}$  con  $\cos\phi_{RL} = 0.6$ . Mediante la chiusura dell'interruttore  $T$  è possibile collegare in parallelo ai precedenti carichi un condensatore di rifasamento  $C_{rif}$ .

A) Con interruttore  $T$  aperto, calcolare:

a. Il valore della resistenza  $R_R$ , il valore efficace  $I_R$  della corrente, le potenze reattiva  $Q_R$  e apparente  $S_R$ , il fattore di potenza  $\cos\phi_R$  del carico resistivo;

$$R_R = V^2/P_R ; I_R = V/R_R ; Q_R = 0 ; S_R = \sqrt{(P_R^2 + Q_R^2)} = P_R = VI_R$$

b. Le potenze attiva  $P_{RL}$ , reattiva  $Q_{RL}$  e apparente  $S_{RL}$  del carico resistivo-induttivo;

$$S_{RL} = VI_{RL} ; P_{RL} = S_{RL} \cos\phi_{RL} ; Q_{RL} = S_{RL} \sin\phi_{RL}$$

c. Il valore efficace  $I_{tot}$  della corrente, le potenze attiva  $P_{tot}$ , reattiva  $Q_{tot}$  e apparente  $S_{tot}$ , il fattore di potenza  $\cos\phi_{tot}$  dell'intera utenza;

$$P_{tot} = P_R + P_{RL} ; Q_{tot} = Q_R + Q_{RL} ; S_{tot} = \sqrt{(P_{tot}^2 + Q_{tot}^2)} \neq S_R + S_{RL} ; \text{(non vale la conservazione delle potenze apparenti)}$$

$$I_{tot} = S_{tot}/V \neq I_R + I_{RL} \text{ (non vale il principio di K per le correnti efficaci)}$$

d. L'energia  $E_n$  assorbita dall'intera utenza in un funzionamento continuativo di  $\Delta t=12$  ore.

$$E_n = P_{tot} \cdot \Delta t$$

B) Con interruttore  $T$  chiuso, calcolare:

e. Il valore della capacità di rifasamento  $C_{rif}$  per avere, per l'intera utenza,  $\cos\phi'_{tot} = 1$ ;

$$\cos\phi'_{tot} = 1 \gg \sin\phi'_{tot} = 0 \gg Q'_{tot} = 0 \gg Q'_{tot} = Q_R + Q_{RL} + Q_C = 0 \gg Q_C = -Q_{RL} [\text{var}] = -\omega C_{rif} V^2 \text{ da cui } C_{rif} .$$

f. Il valore efficace  $I'_R$  della corrente, le potenze reattiva  $Q'_R$  e apparente  $S'_R$ , il fattore di potenza  $\cos\phi'_R$  del carico resistivo;

L'inserzione del condensatore non modifica la tensione ai capi di  $R$  e quindi il funzionamento di quel ramo; le soluzioni sono quelle di a)

g. Le potenze attiva  $P'_{RL}$ , reattiva  $Q'_{RL}$  e apparente  $S'_{RL}$  del carico resistivo-induttivo;

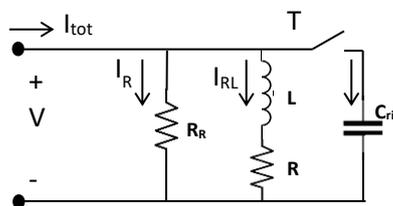
L'inserzione del condensatore non modifica la tensione ai capi di  $RL$  e quindi il funzionamento di quel ramo; le soluzioni sono quelle di b)

h. Il valore efficace  $I'_{tot}$  della corrente, le potenze attiva  $P'_{tot}$ , reattiva  $Q'_{tot}$  e apparente  $S'_{tot}$  dell'intera utenza;

$$\text{Si calcola come in c) con } Q'_{tot} = 0 \text{ (mentre } P'_{tot} = P_{tot} \text{)}$$

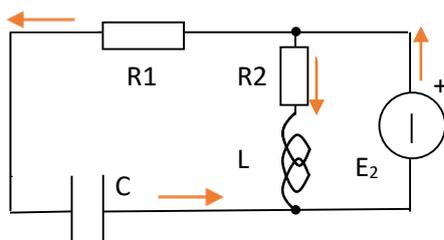
i. L'energia  $E_n'$  assorbita dall'intera utenza in un funzionamento continuativo di  $\Delta t=12$  ore.

$$\text{Il rifasamento non ha effetti sulla potenza attiva del carico (} P'_{tot} = P_{tot} \text{) e quindi } E_n' = E_n$$



**ESERCIZIO 2** (max punti 12) – È dato il circuito di figura in corrente continua (regime stazionario) con:  $R_1 = 30 \Omega$ ,  $R_2 = 20 \Omega$ ,  $C = 50 \mu\text{F}$ ,  $L = 20 \text{ mH}$ . Il generatore ideale di tensione ha fem  $E_2 = 80 \text{ V}$ .  
Calcolare

- Le potenze assorbite da  $R_1$ ,  $R_2$ ,  $L$ , e  $C$
- La potenza erogata  $P_{E_2}$  dal generatore ideale di tensione
- Le energie accumulate in  $L$  e  $C$
- Partendo dalle condizioni di regime stazionario sopra calcolate, si assuma che il generatore ideale di tensione nell'istante  $t=t_0$  venga spento ( $E_2 = 0 \text{ V}$  per  $t>t_0$ ). Calcolare la totale energia complessivamente dissipata nei due resistori  $R_1$  e  $R_2$  per  $t>t_0$ .



Per i punti a. b. c. vedi il Problema 11.2 dei Moduli con  $E_1=0$ .

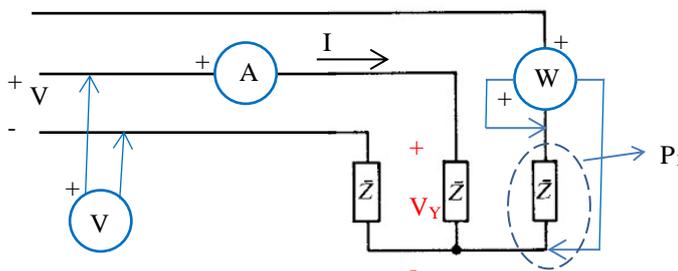
Se in  $t=t_0$  il generatore viene sostituito con un cortocircuito ( $E_2 = 0 \text{ V}$ ) si avrà la scarica di  $C$  e  $L$ . La totale energia dissipata dalle  $R$  da  $t_0$  all'infinito (scariche esaurite) sarà quella che in  $t_0$  era immagazzinata in  $C$  e  $L$  calcolata al punto c.

**ESERCIZIO 3** (max punti 6) – Si è svolta una misura su un carico trifase equilibrato a stella, alimentato da una terna simmetrica di tensioni ottenendo:

Con un voltmetro  $V$ , la tensione efficace fra due dei fili  $V=690 \text{ V}$ , (quindi è la concatenata (la stessa che si ha fra qualsiasi coppia di fili essendo la terna simmetrica) pari a  $\sqrt{3}$  volte la stellata:  $V=\sqrt{3}V_Y$ )

Con un amperometro  $A$ , la corrente efficace in uno dei fili  $I=40 \text{ A}$ , (la stessa per tutti i fili essendo il sistema simmetrico ed equilibrato)

Con un wattmetro  $W$ , la potenza attiva assorbita da una fase:  $P_1=10800 \text{ W}$ . (pari a quella delle altre fasi essendo il sistema simmetrico ed equilibrato)



Valutare:

- le potenze trifase attiva  $P$ , reattiva  $Q$  e apparente  $S$  del carico in misura;
- l'impedenza (modulo)  $Z$  di ciascuna delle tre fasi.

Essendo il carico equilibrato e le tensioni simmetriche la potenza attiva trifase sarà 3 volte quella di una fase  $P=3P_1$ ;

Essendo il carico equilibrato e le tensioni simmetriche la potenza apparente trifase  $S=\sqrt{3}VI=3 V_Y I$ ;

Quindi anche  $Q=\sqrt{(S^2 - P^2)}$  (volendo anche  $\cos\phi=P/S$ );

Su ciascuna impedenza, percorsa dalla corrente  $I$ , cade la tensione stellata  $V_Y$  quindi  $Z=V_Y/I = (V/\sqrt{3})/I$ .